

Preparada por: Prof. Dr. Claudianor O. Alves
Editores: Emanuel Carlos A. Alves,
Juliérika V. Fernandes e Matheus C. Motta
Tutor: Prof. Dr. Daniel Cordeiro de Moraes Filho

Aluno(a): _____

1. Mostre que $(1 - i)^2 = -2i$ e calcule $(1 - i)^{96} + (1 - i)^{97}$.
2. Colocar na forma $a + bi$ os números complexos:
 - (a) $\frac{3 + 4i}{2 - i}$
 - (b) $\frac{1 + i}{1 - i}$
 - (c) $\frac{i^3 - i^2 + i^{17} - i^{35}}{i^{16} - i^{13} + i^{30}}$
 - (d) $\frac{1}{1 - 7i}$
3. Determinar $z \in \mathbb{C}$ tal que $z^2 = i$.
4. Determinar o módulo, o argumento principal, colocar na forma polar e representar os números complexos.
 - (a) 4
 - (b) $3i$
 - (c) $-5 - 5i$
 - (d) $1 + i\sqrt{3}$
5. Escrever na forma algébrica os números complexos:
 - (a) $3(\cos \pi + i \operatorname{sen} \pi)$
 - (b) $4 \left(\cos \frac{11\pi}{6} + \operatorname{sen} \frac{11\pi}{6} \right)$
6. Representar geometricamente no plano de Argand-Gauss os seguintes subconjuntos de \mathbb{C} :
 - (a) $A = \{z \in \mathbb{C}; \operatorname{Re} z = 0\}$
 - (b) $B = \{z \in \mathbb{C}; \operatorname{Im}(z) = 0\}$
 - (c) $C = \{z \in \mathbb{C}; \operatorname{Re} z \geq 1 \text{ e } \operatorname{Im}(z) \geq 2\}$
 - (d) $E = \{z \in \mathbb{C}; |z| \leq 2\}$
7. Dado o número complexo $z = 1 + i$, determine o módulo e o argumento de z^4 .
8. Calcular:
 - (a) $\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2} \right)^{100}$

(b) $(\sqrt{2} + i\sqrt{2})^8$

(c) $(1 + i\sqrt{3})^{-5}$

9. Determinar o valor $n \in \mathbb{N}$, para o qual $(\sqrt{3} + i)^n$ é:

(a) Real e positivo;

(b) Real e negativo;

(c) Imaginário puro.

10. Calcular:

(a) $\sqrt{-7 + 24i}$

(b) $\sqrt{5 + 12i}$

(c) $\sqrt[3]{-11 - 2i}$

(d) $\sqrt[4]{28 - 96i}$

11. Resolva as equações binômias:

(a) $x^4 - 1 + i = 0$

(b) $x^6 + 8 = 0$

(c) $x^3 + 1 = 0$

(d) $x^2 - i = 0$